

Généralités



- Rappel
 - Puissance active P et réactive Q
 - Puissance apparente S
 - Somme de puissances
- Exercice
- Conclusion

Electrotechnique I

Bonjour, bienvenue à cette nouvelle leçon du cours d'électrotechnique. Aujourd'hui, nous allons résoudre un exercice par la méthode des puissances en n'utilisant que partiellement le calcul complexe pour la détermination des impédances, courants et tensions. Nous allons commencer par un très bref rappel des notions acquises sur les puissances et les règles d'additivité qui les régissent. Nous passerons ensuite à un exemple concret.

Notes

Summary



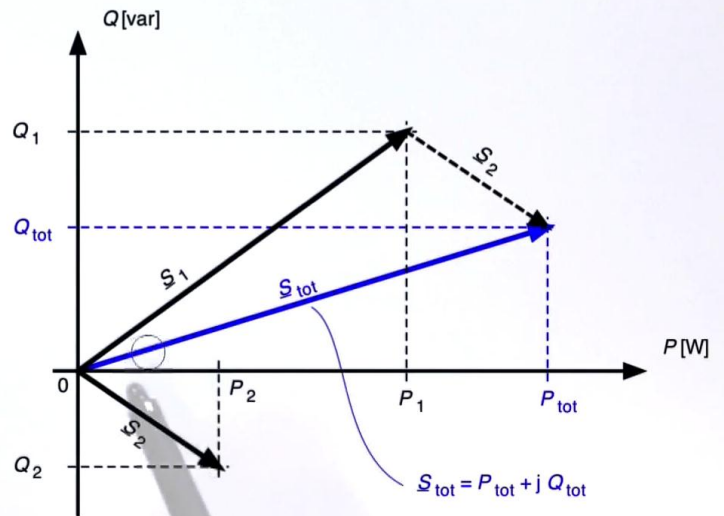
0m 04s

Puissances active, réactive et apparente - Rappel

$$P_{tot} = \sum_j P_j$$

$$Q_{tot} = \sum_j Q_j$$

$$\underline{S}_{tot} = \sum_j \underline{S}_j = P_{tot} + jQ_{tot}$$



Electrotechnique I

Alors, pour rappel, la puissance active P est représentée sur l'axe réel du plan complexe et la puissance réactive Q sur l'axe imaginaire de ce même plan complexe. La règle d'additivité pour un système qui a plusieurs éléments dit que : la puissance active totale est la somme des puissances pour chaque système. Idem pour la puissance réactive totale : c'est la somme algébrique des puissances réactives unitaires. On peut faire cette addition algébriquement, pourquoi? Parce que ces grandeurs sont colinéaires. Dans cet exemple-là, on voit qu'on a deux systèmes : le système S_1 et le système S_2 , qui consomment chacun une puissance, chacun une puissance active, P_1 et P_2 , on va pouvoir les additionner; et une puissance réactive Q_1 et Q_2 . Ici, - il faut faire attention - Q_2 est négatif, et on peut également additionner les puissances réactives. En ce qui concerne la puissance apparente, on peut également faire une addition, mais c'est une addition vectorielle. On voit ici que la puissance apparente totale, c'est la somme de la puissance apparente S_1 plus la puissance apparente S_2 , vectoriellement.

Notes

Summary

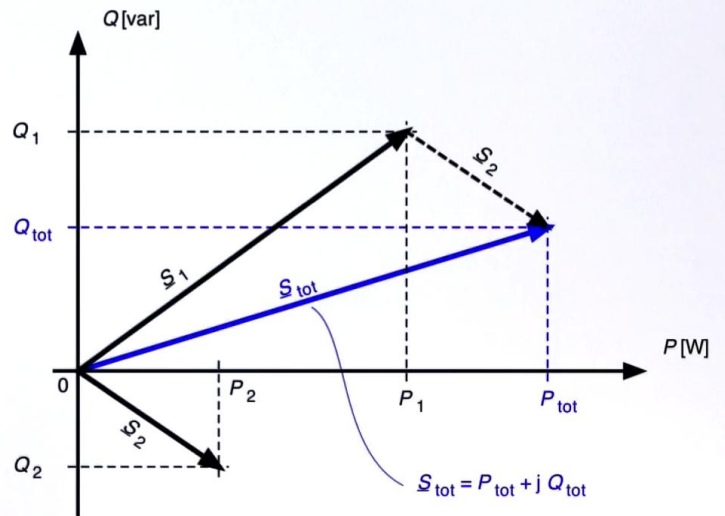


Puissances active, réactive et apparente - Rappel

$$P_{tot} = \sum_j P_j$$

$$Q_{tot} = \sum_j Q_j$$

$$\underline{S}_{tot} = \sum_j \underline{S}_j = P_{tot} + jQ_{tot}$$



Electrotechnique I

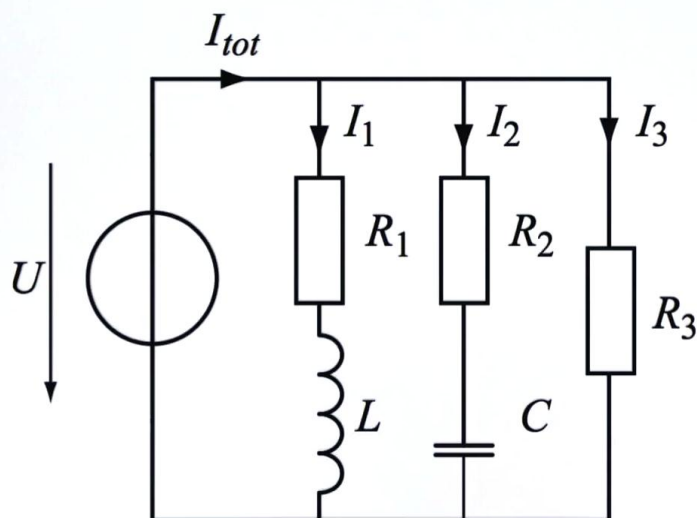
Et puis on peut trouver la puissance totale, la puissance active totale, comme étant la somme de P_1 et de P_2 : on voit que ça correspond bien à la partie réelle de la puissance apparente complexe, c'est ce terme-là. Idem pour la puissance réactive totale, c'est la somme de Q_1 et de Q_2 , Q_2 qui est négative, et ça correspond bien à la partie imaginaire de la puissance apparente complexe.

Notes

Summary



Résolution par les puissances - Exemple



On demande de calculer :

- la puissance active totale
- la puissance réactive totale
- la puissance apparente totale
- le courant débité par la source
- le facteur de puissance total

Electrotechnique I

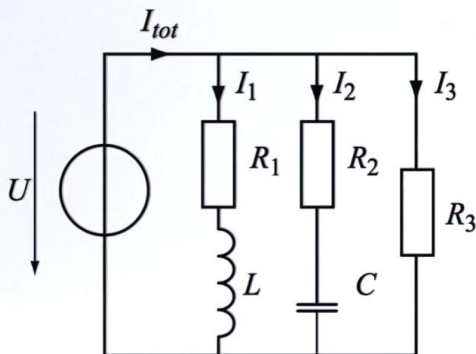
Voilà, nous passons maintenant à un exemple concret, on a le circuit suivant qui est constitué d'une excitation, une tension U alternative qui va alimenter trois branches d'un circuit une branche RL, une branche RC, et une troisième branche qui est uniquement constituée par une résistance. Et dans chacune de ces branches va circuler un courant I_1 , I_2 et I_3 , et on demande de calculer la puissance active totale de tout le circuit, la puissance réactive totale également, ainsi que la puissance apparente totale, enfin, on demande le courant total débité par la source.

Notes

Summary



Résolution par les puissances - Exemple



Branche 1 : $Z_1 = \sqrt{R_1^2 + (\omega L)^2}$
 $I_1 = U/Z_1$

Branche 2 : $Z_2 = \sqrt{R_2^2 + \left(\frac{1}{\omega C}\right)^2}$
 $I_2 = U/Z_2$

Branche 3 :

Electrotechnique I

Finalement, on demande également, le facteur de puissance totale, c'est-à-dire, le facteur de puissance vu par cette source U. Pour résoudre cet exercice, on va calculer les trois courants I_1 , I_2 , I_3 qui traversent chacune des branches et on va calculer uniquement la norme du courant; pourquoi? Parce que pour déterminer la puissance active, il suffit de connaître : I ; l'élever au carré, multiplier par R pour avoir cette puissance active. Idem pour la puissance réactive qui vaut x multiplié par I^2 . Pour déterminer le courant, on a tout de même besoin de connaître l'impédance Z_1 , cette impédance Z_1 est donnée par : pythagore R_1^2 plus x_1 , c'est-à-dire, ωL au carré. Ça, c'est la valeur de la norme de l'impédance. Et donc, la norme du courant sera égale à U divisée par Z_1 . Idem pour la branche n°2. La norme de l'impédance, Z_2 est égale à la racine de la partie réelle au carré c'est-à-dire R_2^2 de l'impédance Z_2 plus la partie imaginaire donc c'est un condensateur, c'est $1/\omega C$ au carré. Et donc, la norme du courant I_2 est donnée par U/Z_2 . Finalement, pour la troisième branche, c'est un peu plus simple parce qu'on a qu'une partie résistive, on a le courant I_3 qui est donné par : U/Z_3 ou R_3 .

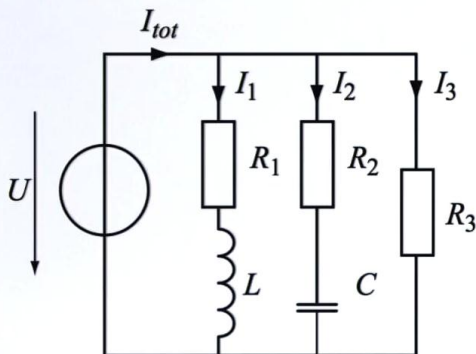
Notes

Summary



3m 07s

Résolution par les puissances - Exemple



Branche 1 : $Z_1 = \sqrt{R_1^2 + (\omega L)^2}$
 $I_1 = U/Z_1$

$$\begin{cases} P_1 = R_1 \cdot I_1^2 = \frac{U^2 \cdot R_1}{R_1^2 + \omega^2 L^2} \\ Q_1 = \omega L \cdot I_1^2 = \frac{U^2 \cdot \omega L}{R_1^2 + \omega^2 L^2} \end{cases}$$

Branche 2 : $Z_2 = \sqrt{R_2^2 + \left(\frac{1}{\omega C}\right)^2}$
 $I_2 = U/Z_2$

$$\begin{cases} P_2 = R_2 \cdot I_2^2 = \frac{U^2 \cdot R_2}{R_2^2 + 1/\omega^2 C^2} \\ Q_2 = -\frac{I_2^2}{\omega C} = \frac{-U^2 / \omega C}{R_2^2 + 1/\omega^2 C^2} \end{cases}$$

Branche 3 : $I_3 = \frac{U}{R_3}$

$$\begin{cases} P_3 = R_3 \cdot I_3^2 = U^2 / R_3 \\ Q_3 = 0 \end{cases}$$

Electrotechnique I

La partie imaginaire est nulle. On peut donc calculer maintenant toutes les puissances actives et réactives pour chacune de ces trois branches. On a que P_1 , c'est égal à R_1 fois I_1^2 , et ceci, c'est égal à R_1 multiplié par le courant au carré, c'est-à-dire, qu'on va développer ce terme, qui vaut donc U^2 divisé par Z au carré, donc c'est R_1^2 plus $\omega^2 L^2$, multiplié par la résistance R_1 . Pour la puissance réactive, dans cette première branche toujours, on a que c'est égal à x_1 multiplié par I_1^2 , donc x c'est ωL multiplié par I_1^2 . Et c'est égal, en développant de nouveau le courant I_1 , U^2 sur Z au carré, multiplié par x_1 , c'est-à-dire, ωL . Pour la puissance active dans la deuxième branche, on a que P_2 vaut R_2 fois I_2^2 , la norme de I_2 au carré, et c'est égal à I^2 , c'est-à-dire U^2 divisé par Z^2 , c'est-à-dire; $R^2 + 1 / \omega^2 C^2$, multiplié par R_2 . Pour la puissance réactive, c'est x la partie réactive de la branche, c'est-à-dire, négatif. Moins un sur ωC multiplié par I_2^2 . Et ceci, c'est égal à $-U^2 / \omega C$ divisé par la norme au carré, de Z_2 , c'est-à-dire $R_2^2 + 1/\omega^2 C^2$. Finalement, pour la troisième branche, la puissance active est égale à R_3 fois I_3^2 , c'est égal à U^2/R_3 . Et la partie réactive est égale à zéro parce qu'il n'y a pas de réactance dans cette branche.

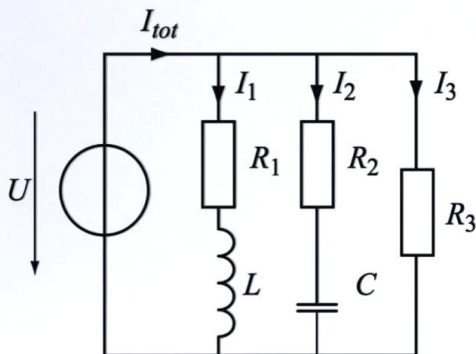
Notes

Summary



5m 05s

Résolution par les puissances - Exemple



Puissance active totale :

$$P_{tot} = \sum_{j=1}^3 P_j = \frac{U^2 R_1}{R_1^2 + \omega^2 L^2} + \frac{U^2 R_2}{R_2^2 + 1/\omega^2 C^2} + \frac{U^2}{R_3}$$

Puissance réactive totale :

$$Q_{tot} = \sum_{j=1}^3 Q_j = \frac{U^2 \omega L}{R_1^2 + \omega^2 L^2} - \frac{U^2 / \omega C}{R_2^2 + 1/\omega^2 C^2}$$

Puissance apparente totale, courant total et facteur de puissance :

$$S_{tot} = \sqrt{P_{tot}^2 + Q_{tot}^2} \quad ; \quad I_{tot} = \frac{S_{tot}}{U} \quad ; \quad \cos \varphi = \frac{P_{tot}}{S_{tot}}$$

Electrotechnique I

La puissance active totale consommée par le circuit est donnée par la relation que la puissance totale c'est la somme de toutes les puissances actives, et c'est égal à : [écrit au tableau] Ceci est le résultat. Pour la puissance réactive totale, on peut également sommer toutes les puissances réactives présentes dans le circuit. Et c'est égal : [écrit au tableau] Voilà le résultat pour la puissance réactive totale. Maintenant, il est très simple par Pythagore, d'extraire la puissance apparente dans le circuit. Elle est donnée par la racine de $P_{tot}^2 + Q_{tot}^2$. Ce résultat nous permet de déterminer très facilement la norme du courant total en sachant que la puissance apparente, c'est U fois I , donc le courant I_{tot} c'est égal à la puissance apparente totale divisée par U . On voit à ce niveau-là qu'on a réussi à déterminer la norme du courant total sans devoir effectuer la somme vectorielle des trois courants unitaires. Et, on arrive à la dernière question de l'exercice. C'est calculer le $\cos \varphi$ global du circuit. Et il est donné, on l'a vu, par la puissance active totale divisée par la puissance apparente totale. On pourrait déterminer la valeur du $\cos \varphi$ en calculant l'impédance équivalente de ces cinq impédances, et on trouverait le même résultat, le même $\cos \varphi$, mais certainement le calcul est plus long.

Notes

Summary



8m 01s



- Calcul de toutes les puissances dans le circuit
 - P_j , Q_j et S_j
- La méthode permet d'éviter les calculs complexes explicites
 - Le calcul de la norme des courants est suffisante

$$P = R \cdot I^2 \quad \text{et} \quad Q = X \cdot I^2$$
 - La phase des courants n'est pas nécessaire

Electrotechnique I

Voilà, on a calculé toutes les puissances dans le circuit : - La puissance active P qui est la somme algébrique de toutes les puissances actives des éléments. - La puissance réactive Q qui est également la somme algébrique de toutes les puissances réactives de tous les éléments. - Et la puissance apparente S qui est, cette fois-ci, la somme vectorielle de toutes les puissances apparentes dans le circuit. La méthode permet d'éviter les calculs complexes explicites, seule la norme des courants est suffisante; pourquoi ? Parce que les puissances se calculent uniquement avec la norme du courant avec la puissance active, c'est RI^2 ; la puissance réactive c'est x fois I^2 . La phase des courants et des impédances, il n'est pas nécessaire de la calculer. Merci de votre attention.

Notes

Summary



10m 37s